TEORIA EXPERIMENTAL DE MOHR: Desarrollo basado según el planteo de "Resistencia de Materiales" de FEODOSIEV . Ediciones Sapiens, reproducción de Ediatorial Mir.

En base a los ensayos de tracción y compresión pura de un material cualquiera obtenemos el gráfico de la figura, que usamos para el análisis. Este nos permite, a través de la geometría, llegar a una expresión de uso general para esta teoría también general ya que permite su aplicación a materiales cuya resistencia a compresión y tracción sean distintas.

Se plantea la siguiente relación por semejanza de triángulos:

$$\frac{DE}{CE} = \frac{FG}{CG}$$

Reemplazando los segmentos según la figura de análisis y desarrollando algebraicamente obtenemos:

$$FG = \frac{\sigma_{fc}}{2} - \frac{(\bar{\sigma}_1 - \bar{\sigma}_3)}{2}$$

$$DE = \frac{\sigma_{ft}}{2} - \frac{(\bar{\sigma}_1 - \bar{\sigma}_3)}{2}$$

$$CE = \frac{(\bar{\sigma}_1 + \bar{\sigma}_3)}{2} - \frac{\sigma_{ft}}{2}$$

$$CG = \frac{\sigma_{fc}}{2} + \frac{\sigma_{ft}}{2} + \left[\frac{(\bar{\sigma}_1 + \bar{\sigma}_3)}{2} - \frac{\sigma_{ft}}{2} \right]$$

$$\bar{\sigma}_1 = \nu \cdot \sigma_1$$

$$\bar{\sigma}_3 = \nu \cdot \sigma_3$$

$$K = \frac{\sigma_{ft}}{\sigma_{fc}}$$

$$\sigma_c = \frac{\sigma_{ft}}{\nu}$$

$$\frac{\frac{\sigma_{ft}}{2} - \frac{(\bar{\sigma}_1 - \bar{\sigma}_3)}{2}}{\frac{(\bar{\sigma}_1 + \bar{\sigma}_3)}{2} - \frac{\sigma_{ft}}{2}} = \frac{\left(\frac{\sigma_{fc}}{2} - \frac{\bar{\sigma}_1 - \bar{\sigma}_3}{2} \right)}{\left[\frac{\sigma_{fc}}{2} + \frac{\sigma_{ft}}{2} + \left[\frac{(\bar{\sigma}_1 + \bar{\sigma}_3)}{2} - \frac{\sigma_{ft}}{2} \right] \right]}$$

$$\sigma_{fc} = \frac{\sigma_{ft}}{K}$$

$$\sigma_c = \frac{\sigma_{ft}}{\nu}$$

$$\frac{\frac{\sigma_{ft}}{2} - \frac{(\nu \cdot \sigma_1 - \nu \cdot \sigma_3)}{2}}{\frac{(\nu \cdot \sigma_1 + \nu \cdot \sigma_3)}{2} - \frac{\sigma_{ft}}{2}} \text{ simplify } \rightarrow \frac{2 \cdot \nu \cdot \sigma_3}{\nu \cdot \sigma_1 - \sigma_{ft} + \nu \cdot \sigma_3} - 1$$

$$\frac{\left(\frac{\sigma_{fc}}{2} - \frac{\nu \cdot \sigma_1 - \nu \cdot \sigma_3}{2} \right)}{\left[\frac{\sigma_{fc}}{2} + \frac{\sigma_{ft}}{2} + \left[\frac{(\nu \cdot \sigma_1 + \nu \cdot \sigma_3)}{2} - \frac{\sigma_{ft}}{2} \right] \right]} \text{ simplify } \rightarrow \frac{2 \cdot \sigma_{fc} + 2 \cdot \nu \cdot \sigma_3}{\sigma_{fc} + \nu \cdot \sigma_1 + \nu \cdot \sigma_3} - 1$$

$$\frac{2 \cdot \frac{\sigma_{ft}}{K} + 2 \cdot \nu \cdot \sigma_3}{\frac{\sigma_{ft}}{K} + \nu \cdot \sigma_1 + \nu \cdot \sigma_3} = \frac{2 \cdot \nu \cdot \sigma_3}{\nu \cdot \sigma_1 - \sigma_{ft} + \nu \cdot \sigma_3}$$

(Dividiendo ambos miembros por el coef. de seguridad v obtenemos)

$$\frac{2 \cdot \frac{\sigma_c}{K} + 2 \cdot \sigma_3}{\frac{\sigma_c}{K} + \sigma_1 + \sigma_3} = \frac{2 \cdot \sigma_3}{\sigma_1 - \sigma_c + \sigma_3} \text{ solve, } \sigma_c \rightarrow \begin{pmatrix} \sigma_1 - K \cdot \sigma_3 \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\sigma_c = \sigma_1 - K \cdot \sigma_3$$

Si el material tiene igual resistencia a tracción y compresión se obtiene la expresión coincidente con la teoría de la máxima Tensión Tangencial:

siendo.

$$K := 1$$

$$\sigma_c = \sigma_1 - \sigma_3$$