

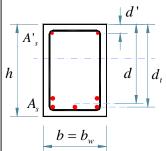
HORMIGÓN I (74.01 y 94.01)

ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad



FIUBA – Depto. Construcciones y Estructuras 74.01 y 94.01 - HORMIGON I

Conceptos preliminares: Cuantía



d: distancia desde la fibra comprimida extrema hasta el baricentro de la armadura longitudinal traccionada (altura útil)

CUANTÍA DE ARMADURA TRACCIONADA

$$\rho = \frac{A_s}{b \ d}$$

CUANTÍA DE ARMADURA COMPRIMIDA

$$\rho' = \frac{A'_s}{b \ d}$$

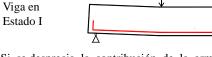
ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad

Lámina 2



FIUBA – Depto. Construcciones y Estructuras 74.01 y 94.01 - HORMIGON I

Conceptos preliminares: Armadura mínima en flexión



$$\sigma_{\max} = \frac{M}{I_g} y_t \implies M = \frac{\sigma_{\max} I_g}{y_t}$$

Si se desprecia la contribución de la armadura: $\sigma_{\max} = \frac{M}{I_g} y_t \implies M = \frac{\sigma_{\max} I_g}{y_t}$ la armadura: $I_g: \text{momento de inercia de la sección total o bruta del elemento de hormigón, con respecto al eje baricéntrico, sin considerar la armadura yt: distancia desde el eje baricéntrico de la sección transversal bruta del hormigón, sin considerar la armadura, a la cara traccionada$

Se fisurará cuando:

$$\sigma_{\max} = f_r$$

 $\sigma_{\rm max} = f_r \qquad {\rm Resistencia~a~tracción~por~flexión} \quad f_r = 0.625 \sqrt{f_c^{'}}$ en el hormigón

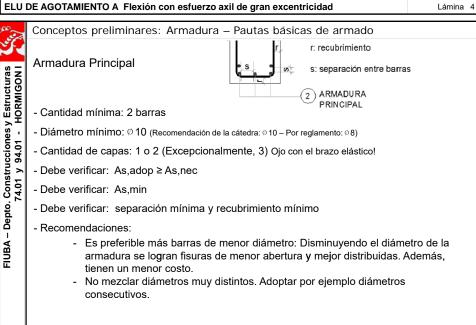
$$\Rightarrow M_{cr} = \frac{f_r \ I_g}{y_t} \quad \begin{array}{l} \text{El momento de fisuración Mcr es con el que se} \\ \text{alcanza en la fibra más traccionada la resistencia a} \\ \text{tracción por flexión en el hormigón} \end{array}$$

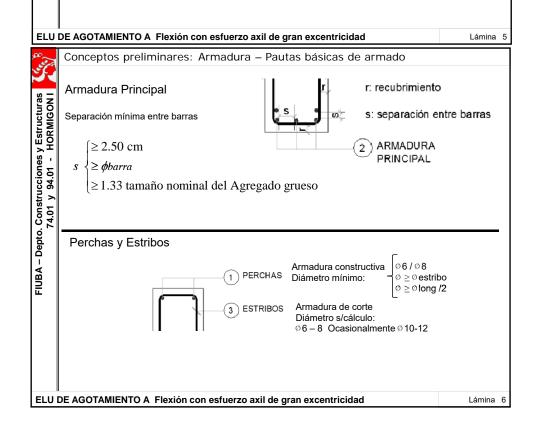
Armadura mínima en elementos solicitados a flexión:

$$A_{s,\min} = \frac{\sqrt{f_c}}{4 f_y} b_w d \ge \frac{1.4}{f_y} b_w d$$

Al fisurarse, la fisura tiende a propagarse rápidamente casi hasta el baricentro de la sección. Hay una repentina transferencia de la tensiones de tracción desde el hormigón al acero. Tiene que haber una cantidad mínima de armadura para que no se produzca una falla abrupta. Esa armadura mínima debería al menos asegurar un momento nominal mayor o igual que Mcr.

Conceptos preliminares: Armadura - Barras comerciales Tabla de diámetros comerciales: - Longitud máxima= 12m FIUBA – Depto. Construcciones y Estructuras 74.01 y 94.01 - HORMIGON I - Atención: no se fabrica Ø 14 Diámetro Sección - Ø32 sólo bajo pedido especial [mm] [cm²]0.28 Ejemplo: 0.50 8 As,nec= 5.05 cm2 10 0.79 12 1.13 Adopto 5 Ø 12 16 2.01 As,adop= $5 \times 1.13 \text{ cm}^2 = 5.65 \text{ cm}^2 > \text{As,nec}$ 20 3.14 25 4.91 ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad Conceptos preliminares: Armadura - Pautas básicas de armado r: recubrimiento Armadura Principal s: separación entre barras ARMADURA





FIUBA – Depto. Construcciones y Estructuras 74.01 y 94.01 - HORMIGONI

Conceptos preliminares

Tabla 7.7.1. Recubrimientos mínimos para hormigón colocado en obra (no pretensado), para clases de exposición A1 y A2 (7) (ver también articulo 7.7.5.)

RECUBRIMIENTO: r ≥ 2cm



	Condición	Recubrimiento minimo en mm		
(a)	Hormigón colocado en la base de las fundaciones, en contacto con la capa de hormigón de limpieza (El recubrimiento indicado NO incluye el espesor de la capa de limpieza, indicado en el artículo 5.6.2.1.)			
(b)	Hormigón en contacto vertical con el suelo o expuesto al aire libre			
	 □ para barras con d_b > 16 mm □ para barras v alambres con d_b ≤ 16 mm 	35 30		
(c)	Hormigón no expuesto al aire libre ni en contacto con el suelo: Losas, tabiques, nervaduras:			
	□ para barras con $d_b > 32 mm$ □ para barras y alambres con $d_b \le 32 mm$	30 20 pero ≥ d ₆		
	Vigas, columnas:			
	para armadura principal	d₀ pero ≥ 20 y≤ 40		
	 para estribos abiertos y estribos cerrados para zunchos en espiral 	20 40		
\top	Cáscaras y placas plegadas:			
	□ para barras con $d_b > 16 mm$ □ para barras y alambres con $d_b \le 16 mm$	20 15		
(*)	 Para las clases de exposición A3, Q1 y C1 (ver Tabla 2.1.), los valores deben incrementar un 30 % Para las clases de exposición CL, M1, M2, M3, C2, Q2 y Q3 (ver Tabla 2. asta Tabla ser deben incrementar un 50 % 			

ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad

Lámina

FIUBA – Depto. Construcciones y Estructuras 74.01 y 94.01 - HORMIGON I

Conceptos preliminares

RECUBRIMIENTO: Resistencia al fuego

Tabla 7.7.7.2.1. Recubrimiento mínimo para losas de entrepiso y cubierta de



	Recubrimiento minimo ^(1,2) para la resistencia al fuego (en mm) corres- pondiente a:						
Tipo de agregados	Construcción restringida Construcción no res			tringida			
	4 h o menos	1 h	1% h	2 h	3 h	4 h	
	No	pretensa	da				
Silíceos	20	20	20	25	35	45	
Carbonalos	20	20	20	20	35	35	
	Pi	retensada					
Silíceas	20	30	40	45	60	70	
Carbonatos	20	25	35	45	55	60	

(1) También deberán satisfacer los requisitos de recubrimiento mínimo establecidos en el artículo 7.7.1.

ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad

Lámina 8



DISEÑO BASADO EN ESTADOS LÍMITE ÚLTIMOS

2- Con la geometría de la sección y las características de los materiales, se determina

> Resistencia Nominal

(capacidad portante)

Multiplicada por el coeficiente de minoración de resistencia, se obtiene

> Resistencia de Diseño

 $M_d = \phi M_n$ $N_d = \phi N_n$

1 - Con las cargas mayoradas y conociendo las condiciones de vínculo, se determina

Resistencia Requerida

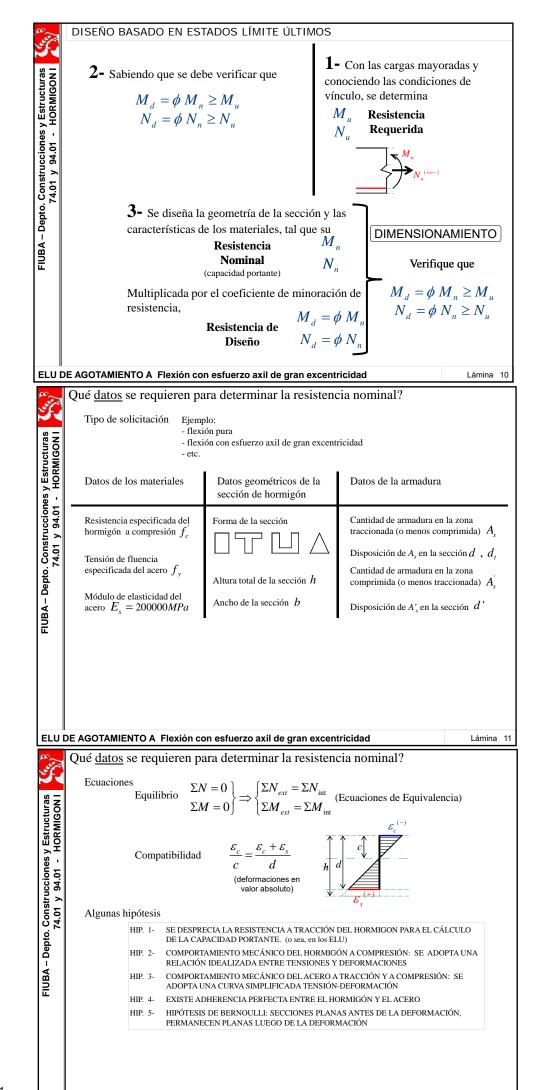


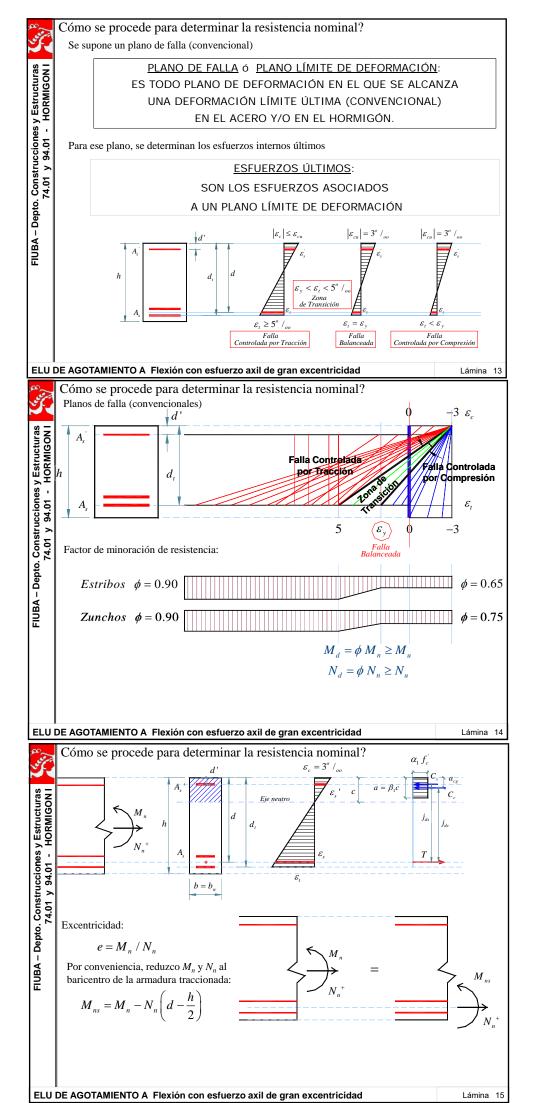
3- Se debe verificar que
$$M_d = \phi M_n \ge M_u$$
 $N_d = \phi N_n \ge N_u$

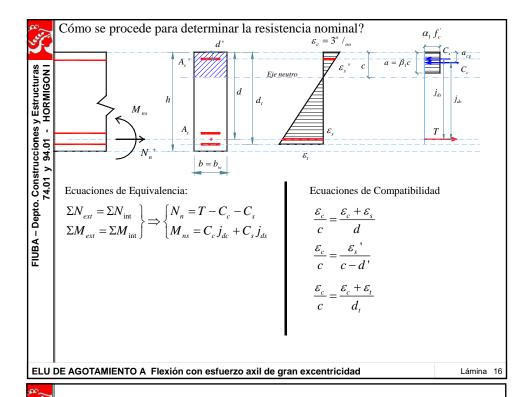
VERIFICACIÓN

El objetivo de esta clase es

aprender a verificar y a dimensionar secciones rectangulares solicitadas a flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad de acuerdo al método de cálculo basado en Estados Límite Últimos







FIUBA – Depto. Construcciones y Estructuras 74.01 y 94.01 - HORMIGON

CASO 1

RESISTENCIA NOMINAL DE UNA SECCIÓN RECTANGULAR

SOLICITADA A FLEXIÓN SIN ESFUERZO AXIL

SIN ARMADURA DE COMPRESIÓN

Ecuaciones de Equivalencia:

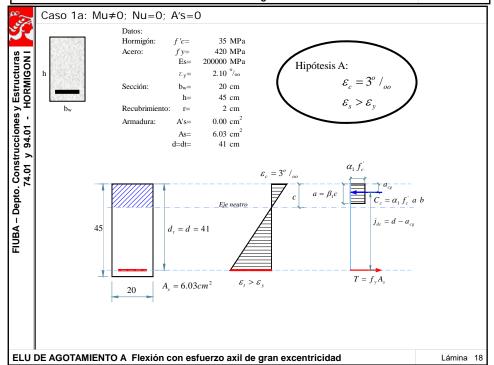
$$\begin{split} & \Sigma N_{ext} = \Sigma N_{\text{int}} \\ & \Sigma M_{ext} = \Sigma M_{\text{int}} \end{split} \\ \Rightarrow \begin{cases} N_n = T - C_c = 0 \\ M_{ns} = C_c j_{dc} = M_n \end{cases}$$

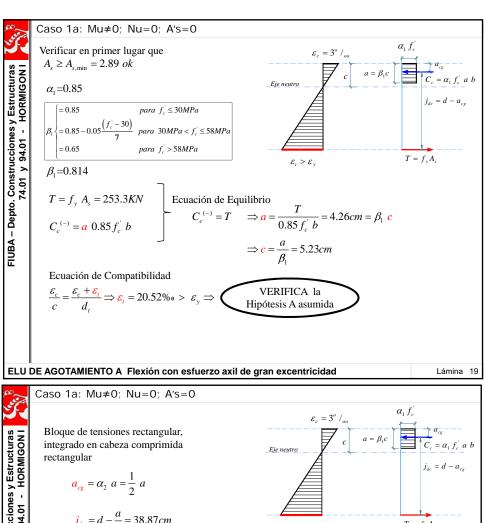
Ecuaciones de Compatibilidad

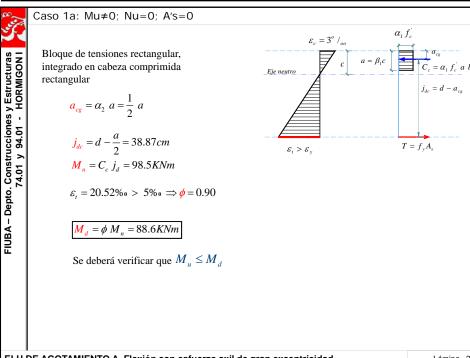
$$\frac{\varepsilon_c}{c} = \frac{\varepsilon_c + \varepsilon_s}{d}$$

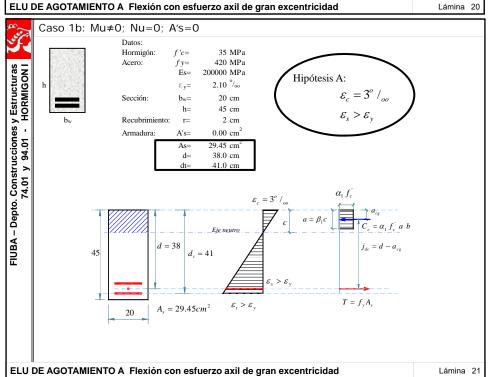
ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad

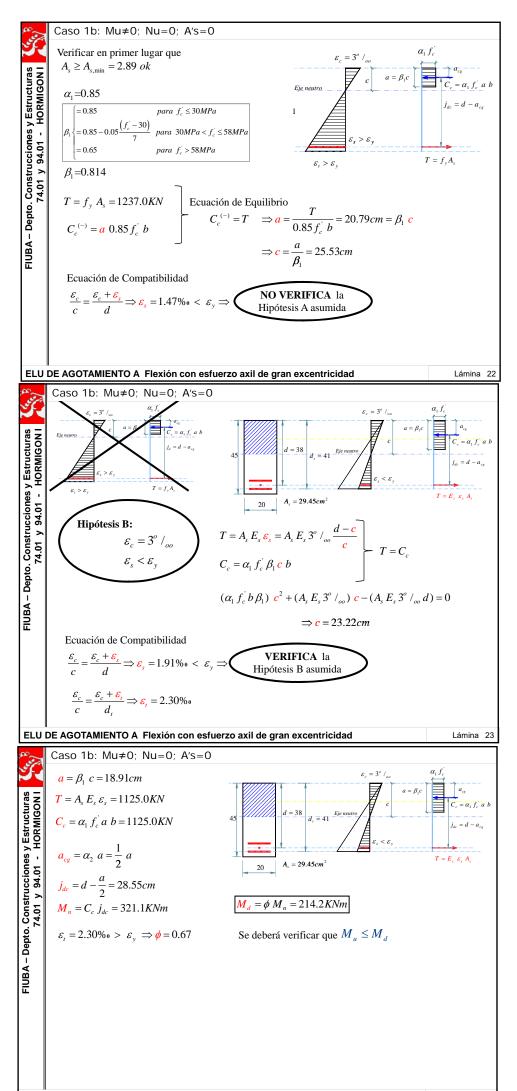
Lámina 17











Verificar que la armadura traccionada sea mayor que la mínima. Si no verifica, no tiene sentido proseguir.

$$A_s \ge A_{s,\min} = \frac{\sqrt{f_c}}{4 f_w} b_w d \ge \frac{1.4}{f_w} b_w d$$

 $A_{s} \ge A_{s,\min} = \frac{\sqrt{f_{c}}}{4 f_{y}} b_{w} d \ge \frac{1.4}{f_{y}} b_{w} d$ 1- Calcular los coeficientes de uniformización de tensiones en función del tipo de diagrama adoptado y del valor de f'c. Para el rectángulo equivalente simplificado:

$$\beta_{i} \begin{cases} = 0.85 & para \ f_{c}^{'} \leq 30MPa \\ = 0.85 - 0.05 \frac{\left(f_{c}^{'} - 30\right)}{7} & para \ 30MPa < f_{c}^{'} \leq 58MPa \\ = 0.65 & para \ f_{c}^{'} > 58MPa \end{cases} \\ \text{tal que } C_{c}^{(-)} = \beta_{i} \ c \ \alpha_{i} \ f_{c}^{'} \ b \\ = 0.65 & para \ f_{c}^{'} > 58MPa \end{cases}$$

- 2- Calcular la fuerza de tracción $T = A_s f$
- 3- Planteando la ecuación de equilibrio y reemplazando la expresión de Cc, despejar la altura del rectángulo equivalente del bloque de compresión a

$$C_c^{(-)} = T \Rightarrow \beta_1 \ c \ \alpha_1 f_c^{'} \ b = T \Rightarrow a = \frac{T}{\alpha_1 f_c^{'} \ b}$$

- 4- Calcular la profundidad del eje neutro $c = \frac{a}{c}$
- $\frac{\mathcal{E}_c}{c} = \frac{\mathcal{E}_c + \mathcal{E}_s}{d} \Longrightarrow \mathcal{E}_s = \mathcal{E}_c \frac{d-c}{c}$ Si es mayor que la def. de fluencia, la Hip. A es correcta. Sigo al siguiente paso 5- Calcular la deformación "real" a la altura de la fuerza traccionada en base a la ecuación de compatibilidad

$$\frac{\varepsilon_c}{c} = \frac{\varepsilon_c + \varepsilon_s}{d} \Longrightarrow \varepsilon_s = \varepsilon_c \frac{d - c}{c}$$

Si es menor que la def. de fluencia, debe pasarse a la Hip. B: $\mathcal{E}_s < \mathcal{E}_y$

ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad

FIUBA – Depto. Construcciones y Estructuras 74.01 y 94.01 - HORMIGON I

RESUMEN Hipótesis A:

CASO 1: sin N, sin A's

Calcular la distancia desde el punto de aplicación de la fuerza de compresión a la fibra más comprimida:

En el caso de que la zona comprimida sea de forma rectangular, $\alpha_2 = 0.50$

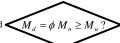
- 7- Calcular el brazo elástico interno $j_d=j_{dc}=d-a_{cg}$
- Calcular el momento resistente nominal de la sección como $M_n = C_c j_d$
- Si hubiera más de una capa de armadura, en este punto es necesario calcular la deformación correspondiente a la altura de la primer capa de armadura.

$$\varepsilon_{t} = \varepsilon_{c} \frac{d_{t} - c}{c}$$

$$\varepsilon_{t} = \varepsilon_{c} \frac{\varepsilon_{t}}{c}$$
10- Calcular el factor de reducción de resistencia (Considerar armadura de alma formada por estribos)
$$\begin{cases}
\varepsilon_{t} \geq 5^{o} /_{oo} & \Rightarrow \phi = 0.90 \\
\varepsilon_{y} < \varepsilon_{t} < 5^{o} /_{oo} \Rightarrow \phi = 0.65 + 0.25 \frac{\varepsilon_{t} - \varepsilon_{y}}{5^{o} /_{oo} - \varepsilon_{y}}
\end{cases}$$

$$\varepsilon_{t} \leq \varepsilon_{y} \qquad \Rightarrow \phi = 0.65$$

- 11- Determinar el momento resistente de diseño $M_d = \phi M_n$
- 12- Finalmente, se verifica si se cumple la condición de seguridad $M_A = \phi M_{...} \ge M$



CASO 1: sin N, sin A's

ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad

Lámina 26



FIUBA – Depto. Construcciones y Estructuras 74.01 y 94.01 - HORMIGON I

RESUMEN Hipótesis B:

Se siguen pasos 0 a 5 de la Hipótesis A. Si en el punto 5 resulta: $\varepsilon_s < \varepsilon_v$, entonces:

1- En base a las ecuaciones de Equilibrio y Compatibilidad, se obtiene una ecuación cuadrática de la que se despeja la profundidad del eje neutro d

$$T = A_{s} E_{s} \varepsilon_{s} = A_{s} E_{s} 3^{o} /_{oo} \frac{d - c}{c}$$

$$C_{c} = \alpha_{1} f_{c} \beta_{1} c b$$

$$T = C_{c} \Rightarrow$$

$$(\alpha_{1} f_{c} b \beta_{1}) c^{2} + (A_{s} E_{s} 3^{o} /_{oo}) c - (A_{s} E_{s} 3^{o} /_{oo} d) = 0$$

$$c = \frac{A_{s} E_{s} 3^{o} /_{oo}}{2 \alpha_{1} f_{c} b \beta_{1}} \left(-1 + \sqrt{1 + \frac{4 d \alpha_{1} f_{c} b \beta_{1}}{A_{s} E_{s} 3^{o} /_{oo}}}\right)$$

2- Calcular la deformación "real" a la altura de la fuerza traccionada en base a la ecuación de compatibilidad $\frac{\mathcal{E}_c}{c} = \frac{\mathcal{E}_c + \mathcal{E}_s}{d} \Rightarrow \mathcal{E}_s = \mathcal{E}_c \frac{d-c}{c}$ Si es menor que la def. de fluencia, la Hip. B es correcta. Sigo al siguiente paso
Si es menor que la def. de fluencia, debe pasarse a la Hip. C.
Adoptar una relación constitutiva más exacta y proceder

$$\frac{\mathcal{E}_c}{c} = \frac{\mathcal{E}_c + \mathcal{E}_s}{d} \Longrightarrow \mathcal{E}_s = \mathcal{E}_c \frac{d - c}{c}$$

- 3- Calcular la altura del bloque de tensiones $a = \beta_1 c$
- 4- Calcular las fuerzas de tracción y de compresión $T=A_s\,E_s\,arepsilon_s;$ $C_c=lpha_1\,f_c\,a\,b$

Luego, seguir los pasos 6 a 12 de la Hipótesis A.



CASO 2

RESISTENCIA NOMINAL DE UNA SECCIÓN RECTANGUI AR

SOLICITADA A FLEXIÓN SIN ESFUERZO AXIL

CON ARMADURA DE COMPRESIÓN

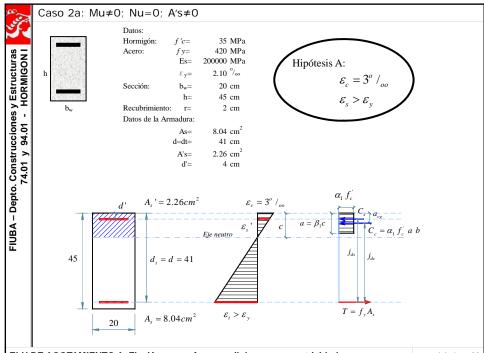
Ecuaciones de Equivalencia:

$$\begin{split} & \Sigma N_{ext} = \Sigma N_{\text{int}} \\ & \Sigma M_{ext} = \Sigma M_{\text{int}} \end{split} \\ \Rightarrow \begin{cases} N_n = T - C_c - C_s = 0 \\ M_{ns} = C_c j_{dc} + C_s j_{ds} = M_n \end{cases}$$

$$\frac{\mathcal{E}_c}{c} = \frac{\mathcal{E}_c + \mathcal{E}_s}{d}$$

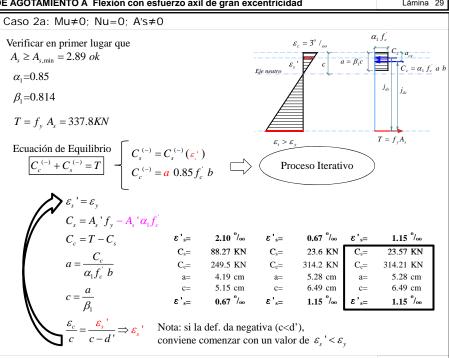
ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad

Lámina 28

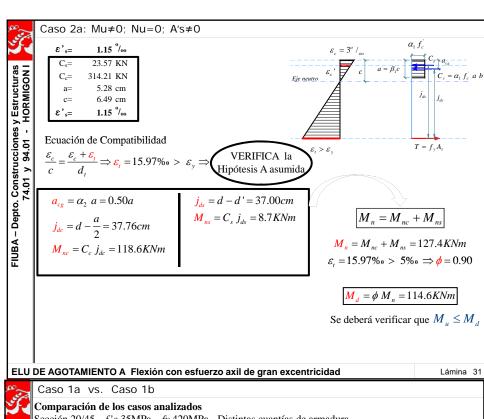


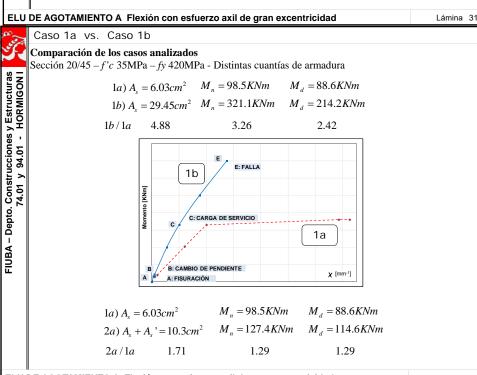
ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad

Lámina 29



FIUBA – Depto. Construcciones y Estructuras 74.01 y 94.01 - HORMIGON I





ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad

Lámina 32



FIN -ELU DE AGOTAMIENTO A Flexión con esfuerzo axil de gran excentricidad

GRACIAS POR SU ATENCION !!!